

تاریخ امتحان : ۲۶ / ۲ / ۸۳

دوره پیش دانشگاهی «۱۵ نمره ای»

دانش آموزان و داوطلبان آزاد در نیم سال دوم سال تحصیلی ۸۲ - ۱۳۸۲

نمره

سوالات

ردیف

استفاده از ماشین حساب مجاز است.

۱	زلزله‌ای در حدود $10^{13} \times ۹۶/۵$ ژول انرژی آزاد کرده است. قدرت این زلزله در مقیاس ریشتر چقدر بوده است؟ $(M = \frac{۲}{۳} \log \frac{E}{E_0}, E_0 = 10^{۴/۴}, \text{ ژول } \log ۹۶/۵ = ۰/۷۷۵)$	۱
۱/۵	اگر جمعیت یک کشور به طور نمایی و با ضریب ثابت 3% در سال رشد کند پس از چند سال جمعیت 10 برابر خواهد شد؟ $(\log(1/0.3) = ۰/۱۲۸)$	۲
۱/۲۵	مقدار ایزوتوپ تیدروزن در چوب یکی صندلی قدیمی 10 مقدار اولیه آن می‌باشد سن این صندلی را تقریب بزنید. $(\log ۲ = ۰/۳۰۱۰, \text{ سن } ۱۲/۳ \text{ سال})$	۳
۲/۲۵	تابع درآمد یک شرکت $R(x) = ۳۰x - \frac{x^2}{۲}$ و تابع هزینه $C(x) = ۵۰x + ۶۵۰۰۰$ می‌باشد: الف) چند واحد کالا تولید کند تا درآمد ماکزیمم گردد؟ ب) ماکزیمم درآمد شرکت را به دست آورید. ج) تابع سود را بنویسید. د) چند واحد کالا تولید کند تا سود ماکزیمم شود؟	۴
۱/۲۵	تابع $y = ۳x^2 + ۶x - ۱$ را رسم کنید و وجود ماکزیمم یا می‌نیم آنرا بررسی کنید.	۵
۱/۲۵	اگر $x + ۲y = ۸$ باشد مقادیر x ، y را چنان پیدا کنید که $A = xy$ ماکزیمم گردد.	۶
۰/۷۵	ازمایش تصادفی را تعریف کنید و برای آن یک مثال بیاورید.	۷
۱/۵	یک تاس همگن را برتاب می‌کنیم: الف) پیشامدهای زیر را مشخص کنید: A : عدد ظاهر شده زوج باشد. B : عدد ظاهر شده مضرب ۳ باشد. ب) $P(A)$ و $P(B)$ را محاسبه کنید.	۸

۹

دو سکه سالم را همزمان پرتاب می کنیم:

الف) نمودار درختی این آزمایش تصادفی را رسم کنید.

ب) فضای نمونه ای این آزمایش تصادفی را بنویسید.

ج) احتمال اینکه در هر دو سکه پشت ظاهر شود چقدر است؟

۱۰

دو تاس همگن یکی به رنگ سبز و دیگری به رنگ سفید را همزمان پرتاب می کنیم احتمال اینکه حاصل ضرب اعداد ظاهر شده:

الف) ۴ باشد چقدر است؟

ب) ۴ باشد و نیز این دو عدد با هم برابر باشند چقدر است؟

۱۱

فرض کنید گزارش های یک ایستگاه هواشناسی نشان می دهد که در ۱۲۰ روز ۱۰۰ بار پیش بینی های وضع هوا درست بوده است . احتمال اینکه پیش بینی بعدی این ایستگاه درست نباشد ، چقدر است؟

« موفق باشید »

۱۵ جمع نمره