

ساعت شروع : 30 : 15	رشته : علوم ریاضی	سؤالات امتحان درس : هندسه تحلیلی
مدت امتحان : 90 دقیقه	تاریخ امتحان : 29 / 3 / 1387	دوره پیش دانشگاهی 20 نمره ای «
اداره آموزش و پژوهش ناحیه یک اراک	نام و نام خانوادگی :	مرکز پیش دانشگاهی ایثارگران شهید رحیم آنجفی

ردیف	سؤالات	نمره
1	بردارهای $a = (1, -1, 0)$, $b = (2, -1, 2)$ مفروضند. الف) تصویر قائم بردار a را روی امتداد بردار b پیدا کنید. ب) زاویه بین دو بردار را حساب کنید. ج) بردار $a \times b$ را حساب کنید. د) بردار جهت a را حساب کنید. (یعنی بردار e_a)	4
2	معادلات پارامتری یا متقارن خطی را بنویسید که از نقاط $(-1, 1, 0)$, $(-2, 5, 7)$, $(1, 1, 0)$ می‌گذرد.	/25 1
3	فاصله نقطه $(4, -1, 2)$ را از صفحه $2x - y + 2z = 5$ پیدا کنید.	/25 1
4	معادله دایره ای بمرکز $(-4, 3)$ را بنویسید که بر خط $4x + 3y = 10$ مماس باشد.	1/5
5	معادله سهمی را بنویسید که کانون آن نقطه $(2, 2)$ و خط هادی آن $y = 4$ باشد.	1/5
6	هذلولی به معادله $16(x-1)^2 + (y-2)^2 = 4$ را رسم کنید و خروج از مرکز آنرا تعیین کنید.	1/5
7	با دوران محورهای مختصات به اندازه $Q = \frac{\pi}{4}$ نوع مقطع مخروطی زیر را تعیین کنید. $x^2 + xy + y^2 - 6 = 0$	1/5
8	اگر $A = \begin{bmatrix} 2 & -1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$ باشد ماتریس $A^2 - 4A^t - 5I$ را حساب کنید.	1/5
9	ماتریس $A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 2 & 1 & 3 \\ 4 & 1 & 2 \end{bmatrix}$ را بصورت مجموع یک ماتریس متقارن و یک ماتریس پاد متقارن بنویسید.	1/5
10	دترمینان ماتریس مقابله را به روش دلخواه حساب کنید.	1/5
11	اگر A یک ماتریس مربعی وارونپذیر باشد ثابت کنید وارون A منحصر بفرد است.	1
12	دستگاه مقابله را به روش دلخواه حل کنید.	2
	« موفق باشید »	20