

باسم‌هه تعالی

ساعت شروع: ۸ صبح	رئیسه: ریاضی و فیزیک	سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان: ۱۳۸۲/۰۶/۲۰		سال سوم آموزش متوسطه سالی - واحدی (۲۰ نمره ای)
سازمان آموزش و پرورش شهر تهران کارشناسی سنجش و ارزشیابی تحصیلی متوسطه	ویژه دانش آموزان و داوطلبان آزاد شهر تهران در نوبت شهریور ماه سال ۱۳۸۲	

ردیف	سؤالات	نمره
۱	<p>کدامیک از عبارت‌های زیر درست و کدامیک نادرست است؟</p> <p>الف - صفحه‌ی هر زاویه‌ی مسطحه‌ی یک فرجه، با یال آن موازی است.</p> <p>ب - فرجه‌ای که زاویه‌ی مسطحه‌ی آن بزرگ‌تر از 180° باشد، گوژ نامیده می‌شود.</p> <p>ج - دو خط متوازی زیر مجموعه‌هایی از مجموعه نقاط یک صفحه‌اند.</p> <p>د - بر هر خط عمود بر یک صفحه، صفحه‌های بی شمار عمود بر آن صفحه می‌گذرد.</p>	۱
۲	صورت‌های مختلف نمایش یک صفحه را بنویسید.	۱
۳	قضیه: هر گاه خطی با صفحه‌ای موازی باشد، هر صفحه که بر آن خط بگذرد و با صفحه مفروض موازی نباشد، آن صفحه را در خطی قطع می‌کند که با خط مفروض موازی است.	۱/۲۵
۴	صفحه‌ی $P \in O$ مفروضند و خط d بر نقطه O می‌گذرد. اگر $p \parallel d$ باشد، وضع مجموعه نقاط خط‌وصفحه را بیان کنید.	۰/۷۵
۵	قضیه: ثابت کنید از تقاطع نیمسازهای زاویه‌های داخلی هرمستطیل یک مربع ایجاد می‌شود.	۱/۵
۶	قضیه: نقطه‌ی M روی عمود منصف پاره خط AB است اگر و تنها اگر فاصله‌ی M از A و B بسان باشد.	۱/۵
۷	ثابت کنید مجموع فاصله‌های هر نقطه داخل مثلث از سه رأس، از نصف مجموع سه ضلع مثلث بزرگ‌تر است.	۱/۲۵
۸	مراحل رسم نیمساز یک زاویه را به کمک خط کش و پرگار توضیح دهید.	۱
۹	قضیه: در هر دایره، قطر عمود بر هر وتر، آن وتر و کمان‌های نظیر آن وتر را نصف می‌کند.	۱
۱۰	پاره خط AB به طول ۴ سانتی متر مفروض است. کمان در خور زاویه رو به روی این پاره خط 60° است. شاعع دایره‌ای را که این کمان در خور بخشی از آن است و فاصله مرکز این دایره از پاره خط AB را معلوم کنید.	۱/۵
۱۱	مقدار m را چنان تعیین کنید که اندازه مماس مشترک خارجی دو دایره به شاعرهای ۱۲ و ۷ و خط‌مركزین $d = ۱۳$ برابر با $2m - 7$ باشد.	۰/۷۵
	ادامه سوالات در صفحه دوم	

باسمه تعالی

ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه		
تاریخ امتحان: ۱۳۸۲/۰۶/۲۰		سال سوم آموزش متوسطه سالی - واحدی (۲۰ نمره ای)

سازمان آموزش و پرورش شهر تهران
کارشناسی سنجش و ارزشیابی تحصیلی متوسطه

ویژه دانش آموزان و داوطلبان آزاد شهر تهران در نوبت شهریور ماه سال ۱۳۸۲

۱/۵	<p>- الف</p> <p>- ب</p>	در هر یک از شکل های زیر x , y , z را به دست آورید.	۱۲
۱		برای هر قسمت تبدیلی را نام ببرید که دارای آن ویژگی باشد.	۱۳
		الف - ایزومنتری نباشد.	
		ب - $(x+1, y-3) = T(x,y)$ ضابطهٔ نگاشت آن باشد.	
		ج - $(y,x) = R(x,y)$ ضابطهٔ نگاشت آن باشد.	
		د - $(-x,-y) = R(x,y)$ ضابطهٔ نگاشت آن باشد.	
۱/۵		۱/۵	۱۴
		در نظر می گیریم.	
		الف) ضابطهٔ این انتقال را بنویسید.	
		ب) مختصات تصویر رئوس مثلث را تحت این انتقال به دست آورید سپس مثلث و تصویرش را رسم کنید.	
۱/۵		معادلهٔ تصویر خط $5x - 2y = 10 : d$ را تحت بازتاب نسبت به محور z بدست آورید.	۱۵
۱		در تجانس با ضابطه $D(x,y) = \left(\frac{x}{2}, \frac{y}{2} \right)$ ، نسبت تجانس چقدر است؟ این تجانس انقباض است یا انبساط؟ چرا؟ در این تجانس مساحت با چه نسبتی تغییر می کند؟	۱۶
۱		با استفاده از تبدیل ها ثابت کنید هر گاه دو خط یکدیگر را قطع کنند، زاویه های مقابل مساوی یکدیگرند.	۱۷
		«موفق باشید»	
۲۰		جمع نمرات	



با اسمه تعالی

رشته: ریاضی و فیزیک

تاریخ امتحان: ۱۳۸۲/۰۶/۲۰

سازمان آموزش و پرورش شهر تهران
کارشناسی سنجش و ارزشیابی تحصیلی متوسطه

راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)

سال سوم آموزش متوسطه سالی - واحدی (۲۰ نمره ای)

ویژه دانش آموزان و داوطلبان آزاد شهر تهران در نوبت شهریور ماه سال ۱۳۸۲

راهنمای تصحیح

ردیف

الف - نادرست (۰/۲۵) ب - نادرست (۰/۲۵) ج - درست (۰/۲۵) د - درست (۰/۲۵)

۱ هر سه نقطه‌ی غیر واقع بر یک خط راست (۰/۲۵)، یک خط و نقطه‌ای خارج از آن خط (۰/۲۵)، دو خط موازی (۰/۲۵) و دو خط متقطع (۰/۲۵) نمایش مختلف یک صفحه می‌باشند.

۲ تقسیم بارم به عهده همکار محترم (۱/۲۵)

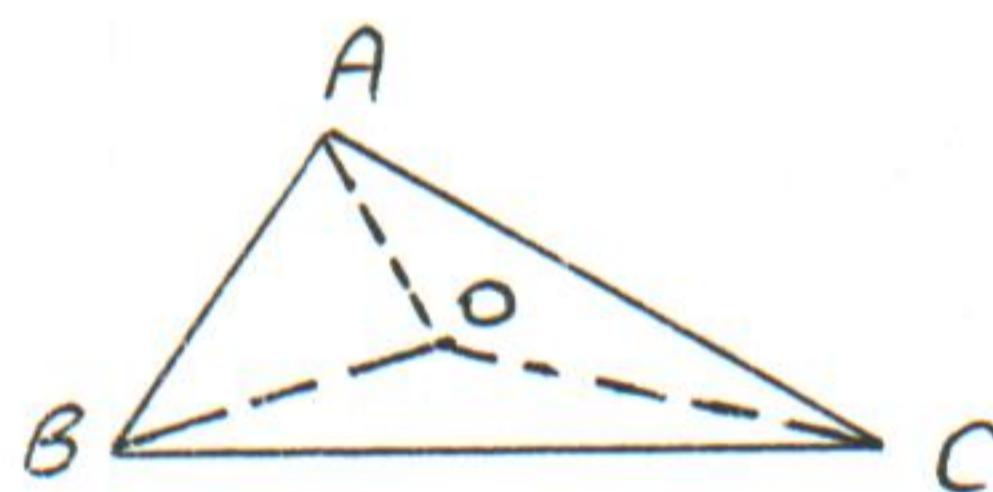
۳ خط d بر صفحه‌ی P واقع است. (۰/۷۵)

۴ تقسیم بارم به عهده همکار محترم (۱/۵)

۵ تقسیم بارم به عهده همکار محترم (۱/۵)

۶

۷



$$OAB \text{ مثلث در } OA + OB > AB \quad (۰/۲۵)$$

$$OBC \text{ مثلث در } OB + OC > BC \quad (۰/۲۵)$$

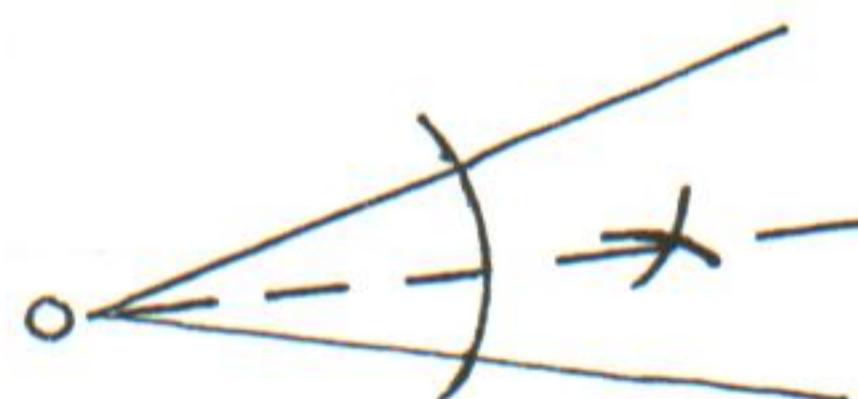
$$OAC \text{ مثلث در } OA + OC > AC \quad (۰/۲۵)$$

طرفین را با هم جمع می‌کنیم

$$2OA + 2OB + 2OC > AB + AC + BC \quad (۰/۲۵)$$

$$OA + OB + OC > \frac{AB + AC + BC}{2} \quad (۰/۲۵)$$

۸ به مرکز رأس زاویه (O) و به شعاع دلخواه یک دایره رسم می‌کنیم که این دایره هر کدام از ضلع‌های زاویه را در یک نقطه قطع می‌کند. به مرکز نقاط به دست آمده و به شعاع دایره‌هایی رسم می‌کنیم این دایره‌ها همدیگر را قطع می‌کنند از محل تقاطع دایره‌ها به O وصل می‌کنیم. پاره خط رسم شده نیمساز زاویه مذکور است. (۰/۷۵) رسم شکل (۰/۲۵)



۹ تقسیم بارم به عهده همکار محترم (۱)

۱۰

$$R = \frac{AB}{2\sin\alpha} = \frac{4}{2 \times \frac{\sqrt{3}}{2}} = \frac{4\sqrt{3}}{3} \quad (۰/۵)$$

(۰/۲۵)

$$OH = R|\cos\alpha| = \frac{4\sqrt{3}}{3} \times \frac{1}{2} = \frac{2\sqrt{3}}{3} \quad (۰/۵)$$

(۰/۲۵)

ادامه در صفحه‌ی دوم

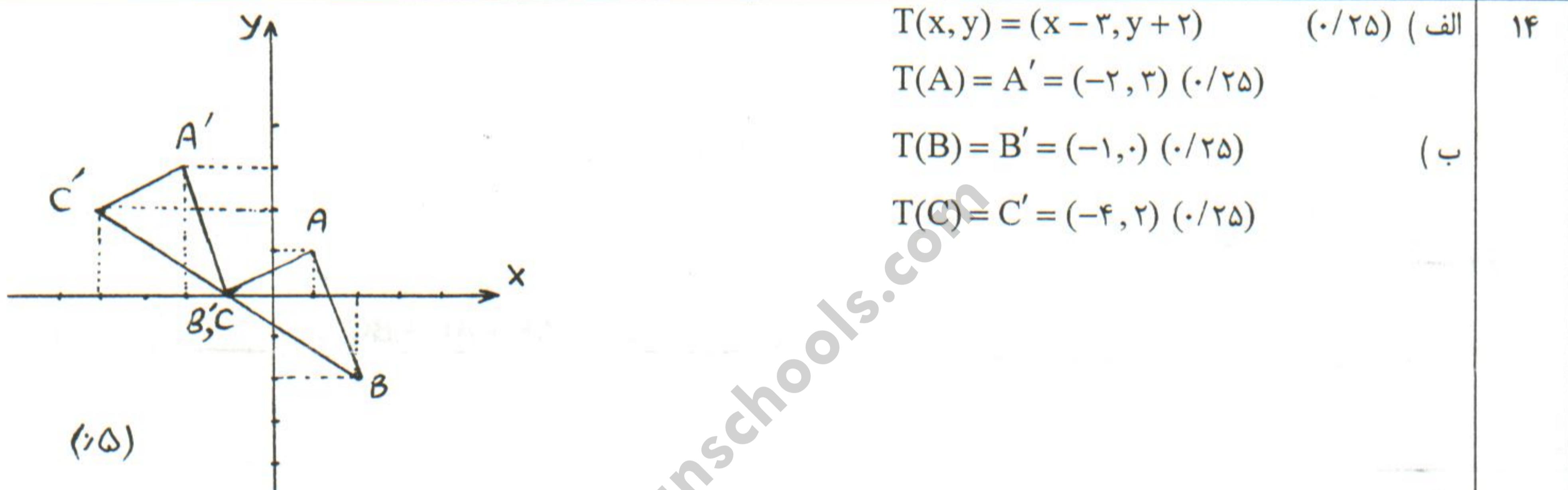
رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان: ۱۳۸۲/۰۶/۲۰	سال سوم آموزش متوسطه سالی - واحدی (۲۰ نمره ای)
سازمان آموزش و پرورش شهر تهران کارشناسی سنجش و ارزشیابی تحصیلی متوسطه	ویژه دانش آموزان و داوطلبان آزاد شهر تهران در نوبت شهریور ماه سال ۱۳۸۲

۱۱ $TT' = \sqrt{d^2 - (R - R')^2} \quad (./25)$

$TT' = \sqrt{13^2 - (17 - 12)^2} \Rightarrow 7m - 2 = 12 \Rightarrow m = 2 \quad (./25)$

الف - $\begin{cases} \frac{x-y}{2} = 62 \\ x+y = 360 \end{cases} \xrightarrow{(.25)} \begin{cases} x-y = 124 \\ 2x = 484 \\ x = 242 \end{cases} \quad (./25) \quad y = 118 \quad (./25)$	ب - $\begin{aligned} z(z-2) &= 4 \times 12 \quad (./25) \\ z^2 - 2z - 48 &= 0 \\ (z-8)(z+6) &= 0 \quad (./25) \\ z = -6 &\text{ یقیناً } z = 8 \quad (./25) \end{aligned}$		
--	--	--	--

الف - تجسس (۰/۲۵) ب - انتقال (۰/۲۵) ج - بازتاب نسبت به نیمساز ربع اول و سوم (۰/۲۵) د - دوران ۱۸۰ درجه (۰/۲۵) ۱۳



۱۵ $A(0, -5) \xrightarrow{(-x, y)} A'(-5, -5) \quad (./25)$ $B(2, 0) \xrightarrow{(./25)} B'(-2, 0) \quad (./25)$ $y = -\frac{5}{2}(x+2) \rightarrow 2y + 5x = -10 \quad : d' \quad (./5)$

۱۶ $K = \frac{1}{2} \quad (./25) \quad (./25) \rightarrow K = \frac{1}{2} < 1 \quad (./25) \quad \left(\frac{1}{2}\right)^2 = \frac{1}{4} \quad (./25)$

در دوران ۱۸۰ درجه به مرکز O (۰/۲۵)، ox' بر ox (۰/۲۵) و oy' بر oy (۰/۲۵) منطبق می شود و چون دوران اندازه زاویه را حفظ می کند با هم مساویند.

